

Региональный этап
всероссийской олимпиады школьников
по физике в 2019 г.

ПЕРВЫЙ ТУР

Фамилия Князев

Имя Матвей

Отчество Сергеевич

Класс 9

Территория Пермский край, г. Березники

Полное наименование образовательной организации (по Уставу) _____

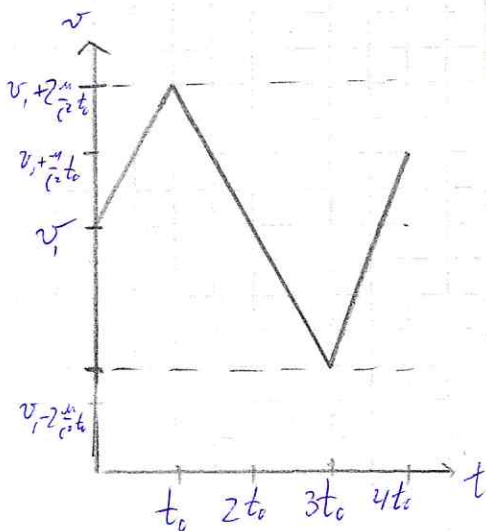
МАОУ «СОШ с УШОЛ №3»

класс _____

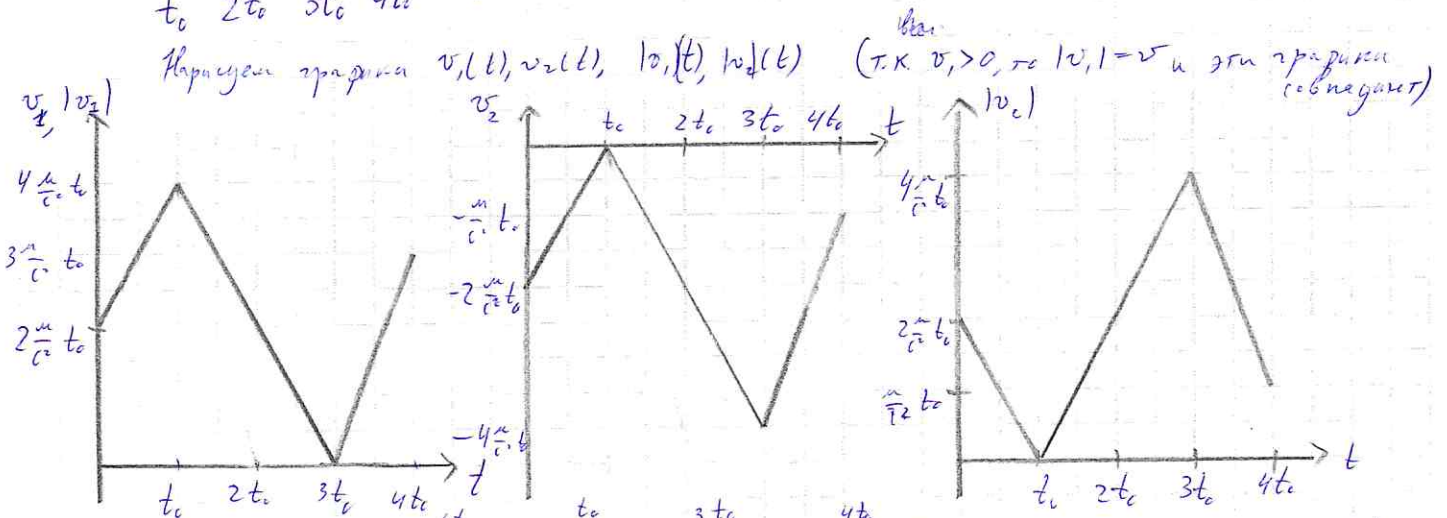
Шифр 909-7

~ 1

Обозначим начальные скорости частиц через v_1 и v_2 . За первый промежуток времени от $t=0$ до $t=t_0$ ускорения увеличились на $\Delta v = at = 2 \frac{m}{c^2} \cdot t_0$ (здесь и далее $t_0 = 1$ у.е.с. времени), за второй промежуток от $t=t_0$ до $t=3t_0$ — изменились на $\Delta v = at = -2 \frac{m}{c^2} \cdot 2t_0 = -4 \frac{m}{c^2} t_0$, за третий промежуток от $t=3t_0$ до $4t_0$ — изменились на $\Delta v = at = 2 \frac{m}{c^2} t_0$. Построим график $v(t)$.



По условию скорости каждой из частиц ровно один раз обратились в нуль \Rightarrow прямая $v=0$ пересекает график ровно один раз. Отсюда, что это возможно только если $v_1 + 2 \frac{m}{c^2} t_0 = 0$ либо $v_1 - 4 \frac{m}{c^2} t_0 = 0$, т.е. $v_1 = -2 \frac{m}{c^2} t_0$ (если скорость v была между этими пределами, то ск-ть обратилась в нуль хотя бы 2 раза, если за этими пределами — то ни разу)



Нарисуем графики $v_1(t), v_2(t), |v_c(t), |v_c(t)|$ (т.к. $v_1 > 0$, то $|v_1| = v_1$ и эти графики совпадают)

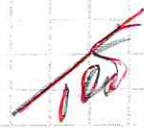
Найдём путь 1-й частицы $s_1 = \int_0^{4t_0} |v_1| dt = \int_0^{t_0} v_1 dt + \int_{t_0}^{3t_0} v_1 dt + \int_{3t_0}^{4t_0} v_1 dt = \frac{2 \frac{m}{c^2} t_0 \cdot t_0}{2} + \frac{4 \frac{m}{c^2} t_0 \cdot 2t_0}{2} + \frac{4 \frac{m}{c^2} t_0 \cdot 2t_0}{2} + \frac{3 \frac{m}{c^2} t_0 \cdot t_0}{2} = 8,5 \frac{m}{c^2} t_0^2$ (интегралы поставил графически). Найдём путь 2-й частицы:

$s_2 = \int_0^{4t_0} |v_2| dt = \int_0^{t_0} |v_2| dt + \int_{t_0}^{3t_0} |v_2| dt + \int_{3t_0}^{4t_0} |v_2| dt = \frac{2 \frac{m}{c^2} t_0 \cdot t_0}{2} + \frac{4 \frac{m}{c^2} t_0 \cdot 2t_0}{2} + \frac{4 \frac{m}{c^2} t_0 + \frac{m}{c^2} t_0}{2} t_0 = 7,5 \frac{m}{c^2} t_0^2$
Отсюда $\Delta s = s_1 - s_2 = 8,5 \frac{m}{c^2} t_0^2 - 7,5 \frac{m}{c^2} t_0^2 = \frac{m}{c^2} t_0^2$, но по условию $\Delta s = 16 \text{ м} = 0,16 \text{ м}$

$$s_1 = \frac{m}{\rho} t_0^2 = 0,16 \text{ м} \Rightarrow t_0 = 0,4 \text{ с} \Rightarrow s_1 = 8,5 \frac{\text{м}}{\text{с}^2} \cdot 0,4^2 \text{ с}^2 = 85 \frac{\text{м}}{\text{с}^2} \cdot 0,16 \text{ с}^2 = 1,36 \text{ м}$$

$$s_2 = 7,5 \frac{\text{м}}{\text{с}^2} t_0^2 = 7,5 \frac{\text{м}}{\text{с}^2} \cdot 0,4^2 \text{ с}^2 = 1,2 \text{ м}, \quad \tau = 4t_0 = 4 \cdot 0,4 \text{ с} = 1,6 \text{ с}$$

~2



Сразу после погружения льда в воду на с-му калориметр + вода действует сила реакции весов (напр. вверх, равна $m_2 g$) сила тяжести воды и калориметра (напр. вниз) очевидно равна $m_2 g$, а также сила со стороны льда с шариком, равная по модулю $F_n = \rho g (V_n + V_{ш})$ (V_n - объем льда, $V_{ш}$ - объем шарика) и напр. противоположна \vec{F}_n , т.е. вниз. Т.к. вода и калориметр покоятся, то равновесие выполняется равенство

$$m_2 g = m_2 g + \rho g (V_n + V_{ш}) \Rightarrow V_n + V_{ш} = \frac{m_2 - m_1}{\rho}$$

Аналогично, когда лёд растает (и весы будут показывать m_4), на воду + калориметр будут действовать сила реакции $m_4 g$, сила тяжести воды и калориметра $m_4 g + V_n \rho g$ (масса воды увеличится за счёт растаявшего льда) и сила со стороны шарика, равная $\rho g V_{ш}$, \Rightarrow

$$m_4 g = m_4 g + V_n \rho g + \rho g V_{ш} \Rightarrow V_n = \frac{m_4 - m_1 - V_{ш} \rho}{\rho}$$

Подставляя это в предыдущее соотношение, получим:

$$\frac{m_4 - m_1 - V_n \rho}{\rho} + V_n = \frac{m_2 - m_1}{\rho} \Rightarrow V_n \frac{\rho - \rho}{\rho} = \frac{m_2 - m_4}{\rho} \Rightarrow V_n = \frac{m_2 - m_4}{\rho - \rho_n}$$

$$m_n = \rho_n V_n = \frac{(m_2 - m_4) \rho_n}{\rho - \rho_n} = (201,32 - 191,32) \cdot \frac{900 \frac{\text{кг}}{\text{м}^3}}{1000 \frac{\text{кг}}{\text{м}^3} - 900 \frac{\text{кг}}{\text{м}^3}} = 90 \text{ г}$$

$$V_{ш} = \frac{m_2 - m_1}{\rho} - V_n = \frac{m_2 - m_1}{\rho} - \frac{m_2 - m_4}{\rho - \rho_n} \Rightarrow m_{ш} = V_{ш} \rho = \rho \left(\frac{m_2 - m_1}{\rho} - \frac{m_2 - m_4}{\rho - \rho_n} \right) =$$

$$= 7800 \frac{\text{кг}}{\text{м}^3} \cdot \left(\frac{201,32 - 100 \text{ г}}{1000 \frac{\text{кг}}{\text{м}^3}} - \frac{201,32 - 191,32}{1000 \frac{\text{кг}}{\text{м}^3} - 900 \frac{\text{кг}}{\text{м}^3}} \right) = 10,14 \text{ г}$$

После установления теплового равновесия показания весов увеличились \rightarrow часть воды массой m_0 превратилась в лёд. Когда весы показывают m_3 , на воду + калориметр действуют сила реакции весов $m_3 g$, сила тяжести воды и калориметра $(m_1 - m_0) g$ и сила со стороны льда с шариком $(V_n + V_{ш} + \frac{m_0}{\rho_n}) \rho g$:

$$m_3 g = (m_1 - m_0) g + (V_n + V_{ш} + \frac{m_0}{\rho_n}) \rho g$$

$$\text{Подставим } V_n + V_{ш} = \frac{m_2 - m_1}{\rho}: \quad m_3 = m_1 - m_0 + m_2 - m_1 + m_0 \frac{\rho}{\rho_n}$$

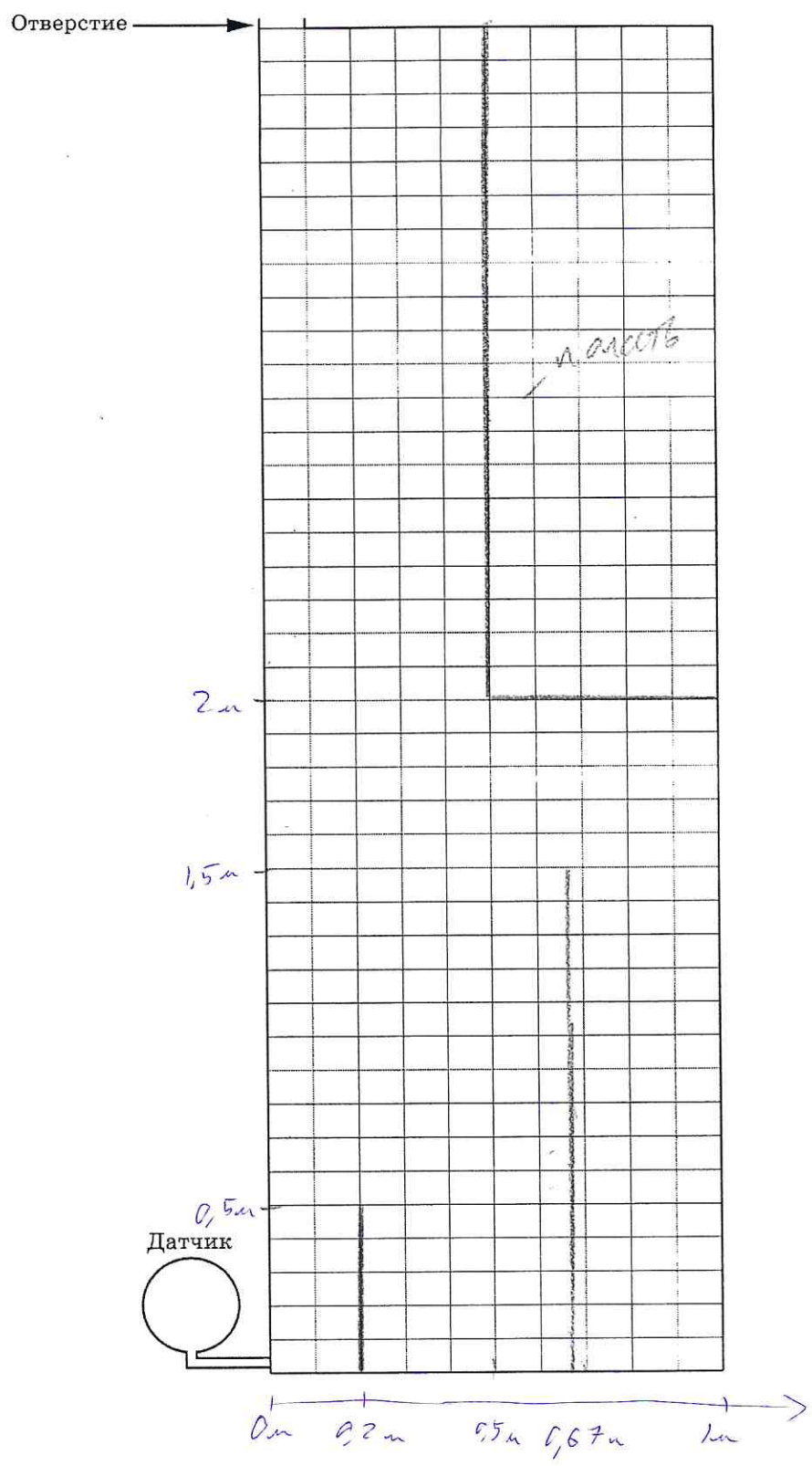
$$m_3 - m_2 = m_0 \frac{\rho - \rho_n}{\rho_n} \Rightarrow m_0 = (m_3 - m_2) \frac{\rho_n}{\rho - \rho_n} = 28,35 \text{ г}$$

Т.к. температура воды была равна 0°C , а замерзшая вода не вил, то в тепловом равновесии температура льда с шариком тоже равна 0°C

9 класс,

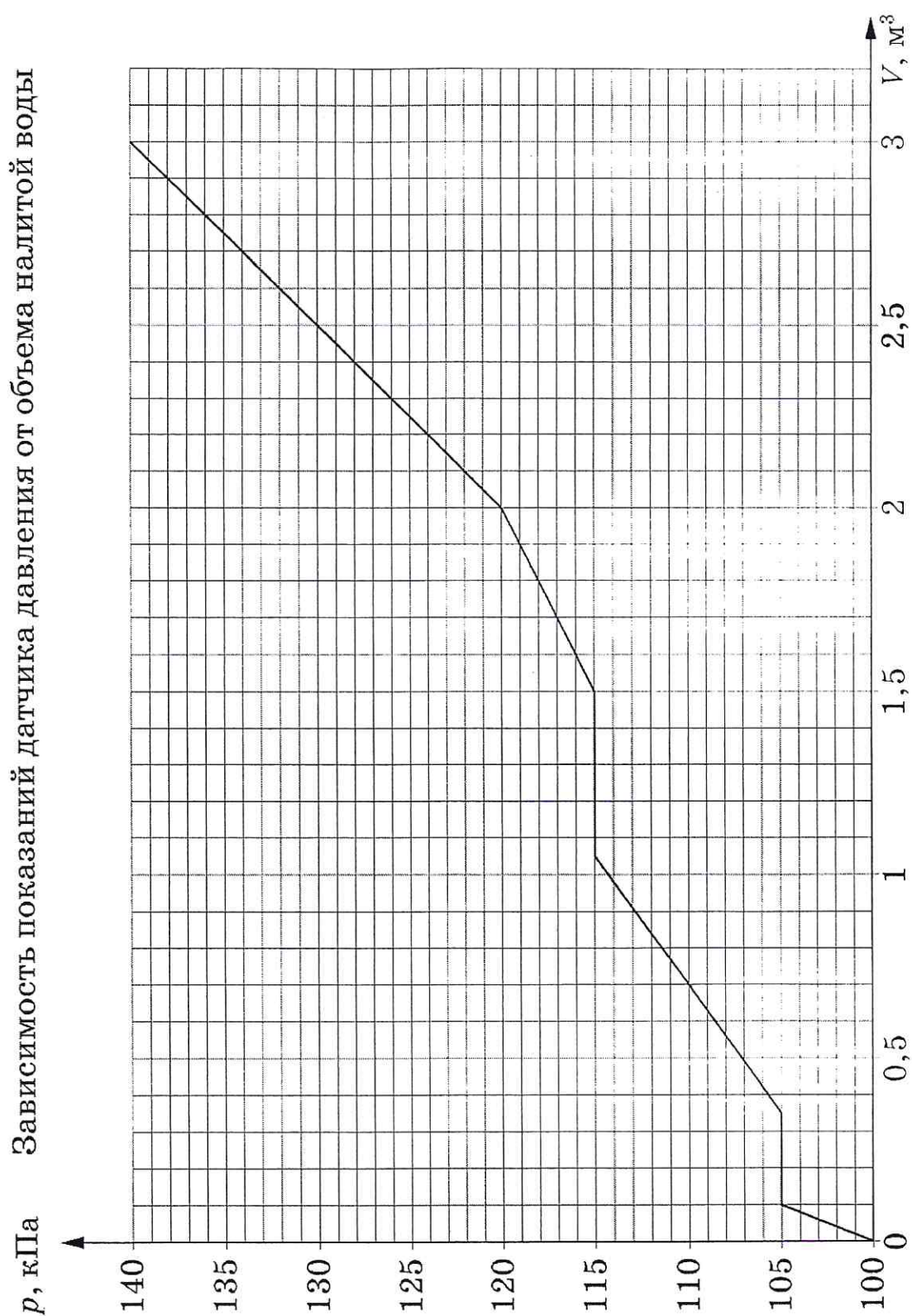
Князев

Заготовку для схемы задачи 4 следует распечатать на отдельном листе формата А4.
СДАЕТСЯ ВМЕСТЕ С РАБОТОЙ!!!



22 января на портале <http://abitru.net/vseros> будет проведён онлайн-разбор решений задач теоретического тура. Начало разбора (по московскому времени): 7 класс – 11.00; 8 класс – 12.00; 9 класс – 13.00; 10 класс – 14.30; 11 класс – 16.00.

График для задачи 4 следует распечатать на отдельном листе формата А4.
СДАЕТСЯ ВМЕСТЕ С РАБОТОЙ!!!



22 января на портале <http://abitru.net/vseros> будет проведён онлайн-разбор решений задач теоретического тура. Начало разбора (по московскому времени): 7 класс – 11.00; 8 класс – 12.00; 9 класс – 13.00; 10 класс – 14.30; 11 класс – 16.00.

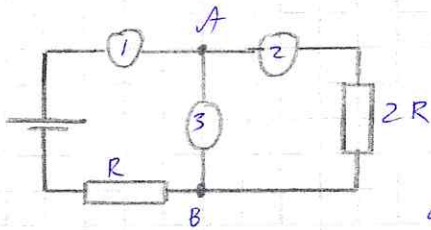
Займемся уравнением теплового баланса:

$$m_0 \lambda = (V_0 \rho_0 c_0 + m_m c_m)(t_0 - t) \Rightarrow t = \frac{m_0 \lambda}{V_0 \rho_0 c_0 + m_m c_m} =$$

$$= \frac{(m_3 - m_2) \frac{\rho_0}{\rho_1}}{\frac{m_2 - m_1}{\rho_1} c_0 + \rho_0 \left(\frac{m_2 - m_1}{\rho_1} - \frac{m_2 - m_1}{\rho_1} \right) c_1} = -49,8^\circ \text{C}$$

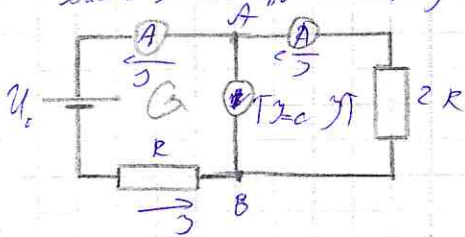
Ответ: $m_c = 10, 14 \text{ г}$, $m_m = 20 \text{ г}$, $t = -49,8^\circ \text{C}$

~ 3



Допустим, что 1 — вольтметр. Но тогда по цепи не пойдёт ток, ибо сопротивление вольтметра бесконечно велико, т.е. оба амперметра показывали бы 0, что противоречит условию.

\Rightarrow 1 — не вольтметр. Допустим, что 2 — вольтметр. Тогда ток по резистору $2R$ не течёт (ибо ток через идеальный вольтметр не течёт). Тогда $U_{2R} = U_{AB}$, ибо $U_{AB} = U_V + I_{2R} \cdot 2R$, но т.к. ток по вольтметру бесконечно мал, то равный ему ток через резистор I_{2R} тоже бесконечно мал, т.е. $I_{2R} = 0$. Рассмотрим 3-амперметр; но т.к. его сопротивление бесконечно мало, а ток через него может (равен $1,0 \text{ мА}$ через оба амперметра), то его напряжение должно быть бесконечно малым, т.е. $U_{3R} = 0$. Получили противоречие \Rightarrow 2 — не вольтметр.



Остаётся лишь вариант 3-вольтметр, т.е. 1 и 2 — амперметры. Т.к. через вольтметр ток не течёт, то токи на обоих амперметрах одинаковы \Rightarrow оба равны $I = 1 \text{ мА}$, как и ток по резистору. На резисторе $2R$ напряжение равно напряжению вольтметра (ибо на амперметре $I = 0$) $\Rightarrow 2R = \frac{U}{I}$,

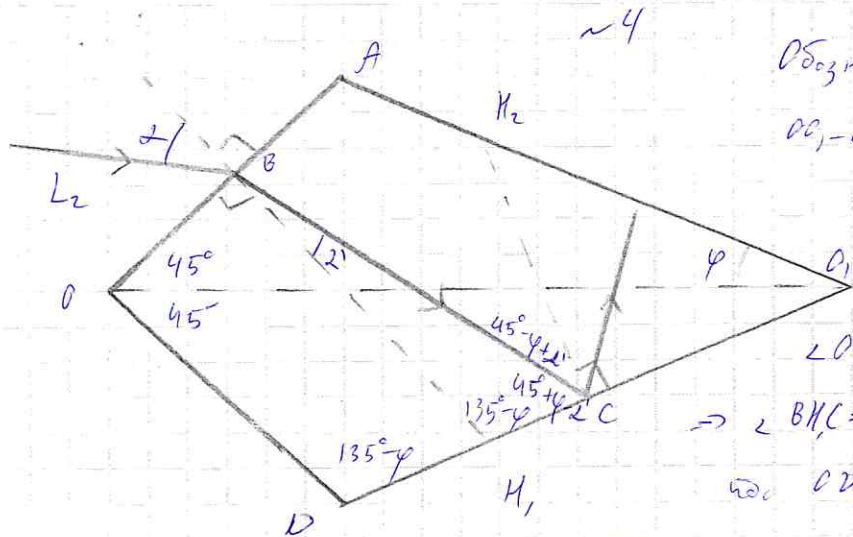
$$R = \frac{U}{2I} = \frac{1,2 \text{ В}}{2 \cdot 1,0 \text{ мА}} = 600 \text{ Ом}$$

Занедем 2-й закон Кирхгофа для левой контура, имея что $U_A = 0$:

$$U_0 = IR + U = 1 \text{ мА} \cdot 600 \text{ Ом} + 1,2 \text{ В} = 1,8 \text{ В}$$

Ответ: $R = 600 \text{ Ом}$, $U_0 = 1,8 \text{ В}$, $I_2 = 1,0 \text{ мА}$

~4



Обозн. $\angle AOB = \alpha$. По усл. $\angle AOD = 90^\circ$,

OD - ось симметрии $\Rightarrow \angle AOC = 45^\circ$

Обозн. $\angle CBH_1 = \alpha'$

(по закону синусов $\sin \alpha = n \sin \alpha'$)

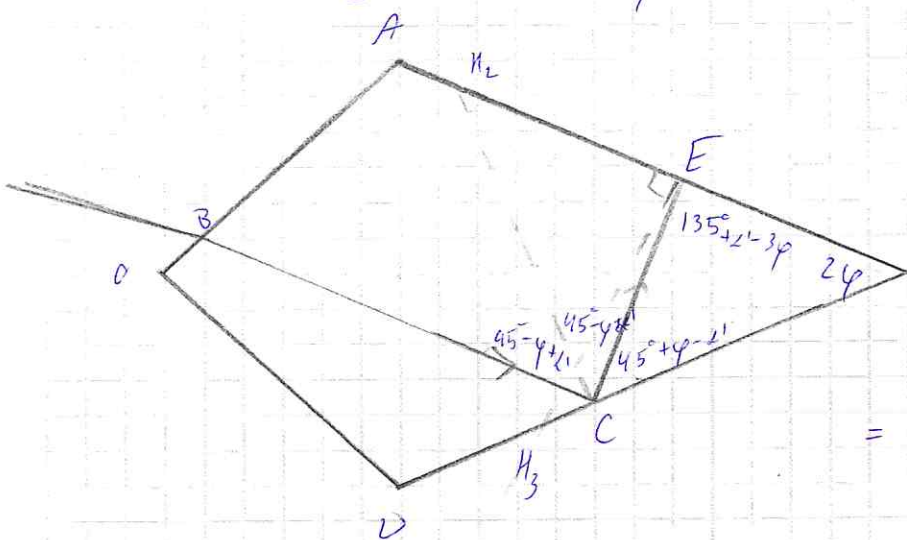
$$\angle ODC = 180^\circ - \angle DCO, \angle DCO = 180^\circ - 45^\circ - \alpha = 135^\circ - \alpha \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \angle BHC = \angle ODC = 135^\circ - \alpha \text{ (этн углы равны,}$$

так $OD \parallel BH$, и $\angle BOD = \angle OBH = 90^\circ$)

$$\angle BCH_1 = 180^\circ - \angle HBC - \angle BHC = 180^\circ - \alpha' - 135^\circ + \alpha = 45^\circ + \alpha - \alpha'$$

$$\angle BCH_2 = 90^\circ - \angle BCH_1 = 90^\circ - 45^\circ - \alpha + \alpha' = 45^\circ - \alpha + \alpha'$$

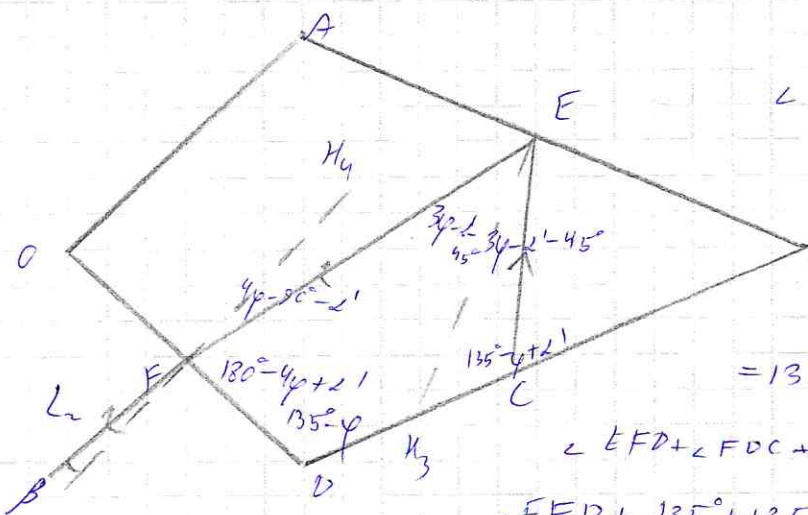


$\angle H_2CE = \angle BCH_2 = 45^\circ - \alpha + \alpha'$ (по закону
отражения), $\angle O_1CE = \angle BCD = 45^\circ + \alpha'$

$$\angle CEO_1 = 180^\circ - \angle ECO_1 - \angle O_1 =$$

$$= 180^\circ - 45^\circ + \alpha + \alpha' - 2\alpha = 135^\circ + \alpha' - 3\alpha$$

$$\angle CEH_3 = 90^\circ - \angle CEO_1 = 90^\circ - 135^\circ + 2\alpha + 3\alpha = 3\alpha - \alpha' - 45^\circ$$



$$\angle H_3EF = \angle CEH_3 = 3\alpha - \alpha' - 45^\circ$$

$$\angle ECH_3 = \angle BCH_3 + \angle BCH_2 + \angle H_2CE =$$

$$= 135^\circ - \alpha + \alpha'$$

$$\angle D = 180^\circ - \angle DCO, \angle DCO = 180^\circ - 45^\circ - \alpha =$$

$$= 135^\circ - \alpha$$

$$\angle EFD + \angle FDC + \angle DCE + \angle CEF = 360^\circ$$

$$\angle EFD + 135^\circ + 135^\circ - \alpha + \alpha' + 3\alpha - 2\alpha' - 90^\circ = 360^\circ \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \angle EFD = 180^\circ - 4\alpha + 2\alpha'$$

$$\angle EFH_4 = 90^\circ - \angle EFD = 90^\circ - 180^\circ + 4\alpha - 2\alpha' = 4\alpha - 90^\circ - 2\alpha'$$

Если $\alpha = 0$ (в случае нуля L_2), то $\alpha' = \arcsin 0 = 0 \Rightarrow \angle EFH_4 = 4\alpha - 90^\circ$, но по условию

там где падает на OA нормально, то выходит из OD тоже нормально $OD \Rightarrow$
 \Rightarrow при $\alpha' = 0$ $\sin \angle EFH_4 = \frac{\sin \beta}{n} = \frac{0}{n} = 0 \Rightarrow \angle EFH_4 = 0$, но при $\alpha' = 0$ $\angle EFH_4 = 4\varphi - 2\alpha' =$

$\Rightarrow 4\varphi - 2\alpha' = 2' \Rightarrow \varphi = 22,5^\circ$

$\angle EFH_4 = 4\varphi - 2\alpha' = 4 \cdot 22,5^\circ - 2 \cdot 0^\circ - 2' = -2'$

$\sin \rho = n \sin \angle EFH_4 = n \sin \alpha' = \sin \alpha \Rightarrow \rho = \alpha$

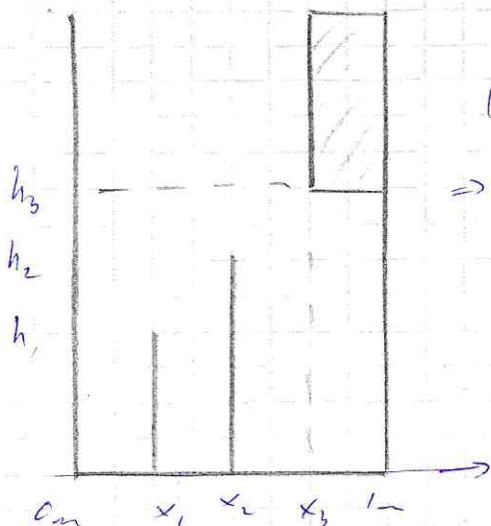
$\sqrt{5}$

Нет катета n по h_1
 -15 (п.з)
 -15 (п.е)
 $\hline 30$
 $\hline 10$

Давление на датчик p складывается из атмосферного давления p_0 и давления воды $\rho g h$. $p = p_0 + \rho g h \Rightarrow h = \frac{p - p_0}{\rho g}$. (покажем эту формулу построив график $h(V)$ (h - высота воды над датчиком). (т.к. h зависит от p линейно, а p на промежутках от 0 до $0,1 \text{ м}^3$, от $0,1 \text{ м}^3$ до $\approx 0,35 \text{ м}^3$, от $0,35 \text{ м}^3$ до $\approx 1,05 \text{ м}^3$, от $\approx 1,05 \text{ м}^3$ до $1,5 \text{ м}^3$ и т.д. зависит линейно, то и h от V на тех же промежутках зависит линейно, т.е. чтобы построить график $h(V)$ достаточно найти h в точках изгиба p , а затем соединить эти точки прямыми) \Rightarrow
 \Rightarrow на каждом этом промежутке $S = \text{const} = \frac{dV}{dh}$

При наливании воды от 0 до $0,1 \text{ м}^3$ давление сначала растёт, а потом от $0,1 \text{ м}^3$ до $0,35 \text{ м}^3$ не меняется. Это можно сделать, если поставить вертикально перегородку: сначала вода будет занимать пространство между стенками и перегородкой, а затем начнет переливаться через перегородку, пока не займёт соседний ~~бывший~~ V участок в коробке, затем давление снова начнёт расти. На участке от 1 до $1,5 \text{ м}^3$ давление также не растёт \Rightarrow нужно поставить ещё одну перегородку. Также на каждом из участков может дополнительно находиться перегородка, отдалённая на h и увеличивающая площадь. Легко заметить, что до $V = 2 \text{ м}^3$ таких плоскостей нет, ибо при $V = 2 \text{ м}^3$ $h = \frac{p - p_0}{\rho g} = 2 \text{ м}$ при минимуме $S = 1 \text{ м}^2$ (если бы были плоскости до 2 м , то тогда $h > \frac{V}{S}$, а не равно $h = \frac{V}{S}$)

Из всего вышесказанного следует, что примерная схема выглядит так, как нарисовано на предыдущей странице: (перегородки идут от ближайшей стенки до дальней, т.е. любое сечение S всегда параллельное изобретённому диаметру имеет такой же вид)



На первом участке от $0 \text{ до } 1 \text{ м}^3 \quad S = \frac{dV}{dh} = \frac{dV}{dp} \rho g$
 (иногда $dh = \frac{dp}{\rho g}$, и тогда $h = \frac{p - p_0}{\rho g}$) $S = \frac{0.1 \text{ м}^3}{5000 \text{ Па}} \cdot 1000 \frac{\text{кг}}{\text{м}^3} \cdot 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2} = 0.2 \text{ м}^2$

$\Rightarrow \frac{x_1}{1 \text{ м}} = \frac{0.2 \text{ м}^2}{1 \text{ м}^2} \Rightarrow x_1 = 0.2 \text{ м}$

На втором участке от $0.1 \text{ м}^3 \text{ до } \approx 0.35 \text{ м}^3$ задана одна связь между x_1 и x_2 высотой h_1 , при этом высота воды на датчике постоянна и равна $h_1 = \frac{p - p_0}{\rho g} = \frac{5 \text{ кПа}}{1000 \frac{\text{кг}}{\text{м}^3} \cdot 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}} = 0.5 \text{ м}$

На третьем участке от $\approx 0.35 \text{ м}^3 \text{ до } \approx 1.05 \text{ м}^3 \quad S = \frac{dV}{dp} \rho g =$

$= \frac{0.2 \text{ м}^3}{3 \text{ кПа}} \cdot 1000 \frac{\text{кг}}{\text{м}^3} \cdot 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2} = 0.67 \text{ м}^2 \Rightarrow x_2 = 0.67 \text{ м}$ (действительно, давление оставила константой)

на 2-м участке перестает расти при $V = h_1 \cdot S_2 = 0.33 \text{ м}^3$

На 4-м участке $p = \text{const} \Rightarrow h_2 = \frac{p - p_0}{\rho g} = \frac{15 \text{ кПа}}{1000 \frac{\text{кг}}{\text{м}^3} \cdot 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}} = 1.5 \text{ м}$

На 5-м участке $S = \frac{dV}{dp} \rho g = \frac{0.5 \text{ м}^3}{5 \text{ кПа}} \cdot 1000 \frac{\text{кг}}{\text{м}^3} \cdot 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2} = 1 \text{ м}^2$ (действительно, константа)

4-го участка находится при $V = h_2 \cdot S_5 = 1.5 \text{ м}^3$

6-й участок начинается при $h_3 = \frac{p - p_0}{\rho g} = \frac{20 \text{ кПа}}{1000 \frac{\text{кг}}{\text{м}^3} \cdot 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}} = 2 \text{ м}, \quad S = \frac{dV}{dp} \rho g =$

$= \frac{1 \text{ м}^3}{20 \text{ кПа}} \cdot 1000 \frac{\text{кг}}{\text{м}^3} \cdot 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2} = 0.5 \text{ м}^2 \Rightarrow 1 - x_3 = 0.5 \text{ м} \Rightarrow x_3 = 0.5$

Таким образом мы получаем схему, изобра. на листе А4

~~РД~~
 нет ответов А, В и С (п. 6, 8).

Региональный этап
всероссийской олимпиады школьников
по физике в 2019 г.

ВТОРОЙ ТУР

Ф9 - 08

Фамилия Князев

Имя Матвей

Отчество Сергеевич

Класс 9

Территория Тверский край, г. Березники

Полное наименование образовательной организации (по Уставу) _____

МАОУ СОШ с УКОБПЗ

13 + 13 5

класс _____

Шифр _____

Ф9-08

✓ 1

Найдём сначала массу шарика, используя линейку как рычаг. Подвесим линейку на нить и найдём её центр масс $x_{cm} = (19,9 \pm 0,1) \text{ см}$. В дальнейшем линейка всегда подвешивается за центр масс. Приведем грузик где-либо около края линейки и будем подбирать положение шарика, при этом рычаг уравнивается.

В этом случае запишем правило моментов в данной точке ψ - левый край:

$$(x_{cm} - x_{ш1}) m_{ш} g = (x_{ш2} - x_{cm}) m_2 g$$

$$m_{ш} = m_2 \frac{x_{ш2} - x_{cm}}{x_{cm} - x_{ш1}}$$



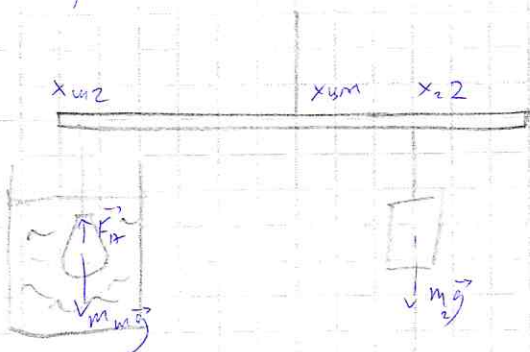
Затем погрузим шарик в сосуд с водой так, чтобы он не касался дна или стенок сосуда. Теперь шарик поведет к краю линейки (чтобы увеличить плечо) и будем перемещать грузик, пока рычаг не окажется в равновесии.

Записываем правило моментов:

$$(m_{ш} g - F_{п}) (x_{cm} - x_{ш2}) = m_2 g (x_{ш2} - x_{cm})$$

$$(m_{ш} g - \rho_в g V) (x_{cm} - x_{ш2}) = m_2 g (x_{ш2} - x_{cm})$$

$$(m_{ш} - \rho_в V) = m_2 \frac{x_{ш2} - x_{cm}}{x_{cm} - x_{ш2}}$$



$$\begin{aligned} \text{Т.к. } m_{ш} &= \rho_в V_в + \rho_m V_m \Rightarrow m_{ш} - \rho_в V_m = \rho_в V_в + \rho_m V_m - \rho_в V_в - \rho_в V_m = \\ &= (\rho_m - \rho_в) V_m \end{aligned}$$

Т.к. у большинства металлов плотности достаточно высокие, пренебрежем $\rho_в$ по сравнению с ρ_m и будем считать $(\rho_m - \rho_в) V_m \approx \rho_m V_m = m_m$ (для меди, например, $\rho_m = 8900 \frac{\text{кг}}{\text{м}^3}$ и $\frac{\rho_в}{\rho_m} = 0,11$, т.е. такое пренебрежение дает погрешность порядка 10%, но у меня нет других идей. Чтобы полностью упростить

погрешности, а ввиду погрешности в 1,05 в ф-ле $\rho_M \approx 1,05 (\rho_M - \rho_B)$. Таким образом,

$$m_M \approx 1,05 \cdot m_2 \frac{x_{22} - x_{3M}}{x_{3M} - x_{22}}$$

$$\text{Тогда } m_B = m_M - m_{1M} = m_2 \left[\frac{x_{21} - x_{3M}}{x_{3M} - x_{21}} - 1,05 \frac{x_{22} - x_{3M}}{x_{3M} - x_{22}} \right]$$

№ экз.	$x_{21}, \text{см}$	$x_{31}, \text{см}$	$x_{22}, \text{см}$	$x_{32}, \text{см}$	$m_{M,2}$	$m_{1,2}$	$m_{B,2}$	$m_{M, \text{ср}, 2}$	$m_{B, \text{ср}, 2}$	$\Delta m_M / m_{M, \text{ср}, 2}$	Δm_B
1	36,4	11,0	27,8	2,1	23	103	82			1	1
2	40,0	10,5	28,2	1,0	23	106	83			1	0
3	37,0	11,8	26,5	5,3	24	106	82	24	83	0	1
4	38,0	11,5	29,0	0,0	24	108	84			0	1
5	39,0	10,7	28,6	0,5	24	106	82			0	1

$$m_{M, \text{ср}} = \frac{\sum m_M}{5}, \quad m_{B, \text{ср}} = \frac{\sum m_B}{5}$$

Оценка погрешности. Она будет складываться из приборной погрешности, статистической погр-ти $\left(\frac{\sum |m_i - m_{\text{ср}}|}{m_{\text{ср}}} \right)$ и факта преобразования плотности воды через известное значение

Погрешность измерения линейных размеров Δl , тогда $\Delta \rho_{\text{обс}}(x_{21} - x_{3M}) = 0,2 \text{ см}$

$\xi_{\text{обс}} m_M = \xi_{m_2} + \xi_{\rho_{\text{обс}}} (x_{21} - x_{3M}) + \xi_{\rho_{\text{обс}}} (x_{3M} - x_{22})$. По заданной формуле отсюда $\xi_{\rho_{\text{обс}}} m_M = 6\%$

$\xi_{\text{приб}} m_B = 6\%$. Стат. погрешность $\xi_{\text{стат}} m_M = \frac{\sum \Delta m_i}{5 \cdot m_{\text{ср}}} = 2\%$, $\xi_{\text{стат}} m_B = 1\%$ (они не учитываются

каблешки и др. и округлять m_B до целых граммов). Ещё добавим 5% погрешности из-за

преобразования ρ_B через ρ_M . Таким образом, $\xi_{\text{стат}}$ (также для m_M , ибо это даёт

абс. погрешность $\Delta = 1,2 \text{ г}$, а так $m_B = m_M - m_{1M}$, то из-за преобразования погрешности в m_M и

m_B получилась такая же абсолютная погрешность $\Delta = 1,2 \text{ г}$, т.е. $\xi = 2\%$). Таким образом,

$$\xi_M = 13\%, \quad \xi_B = 9\% \approx 10\%$$

$$\text{Ответ: } m_M = (124 \pm 4) \text{ г}, \quad m_B = (83 \pm 8) \text{ г} \quad +$$

~ 2

Измерим U_0 для одной из батареек, получим $U_0 = 1,59$ В. Чтобы измерить ΔU , подключаем батарейки плюсом к плюсу, одну из них будем нагревать и будем измерять суммарное напряжение U_V этих батареек (к у нас будет разность их потенциалов). При комнатной температуре $U_V = 3,18$ В $\Rightarrow \Delta U = U_V - U$



Принимаем ΔU берем как $0,1$ В, принимаем $T = 0,5$ К

$t, ^\circ\text{C}$	$U_0, \text{В}$	$\Delta U, \text{В}$	$\Delta T = t - t_0, \text{К}$
70	40,1	3,9	49
65	39,6	3,7	44
60	39,3	3,1	39
55	38,9	2,7	34
50	38,3	2,1	29
45	38,1	1,9	24
40	37,6	1,9	19
30	41,0	4,8	59
25	40,6	4,4	54

Т.к. график $U(T)$ - прямая, то $\Delta U(\Delta T)$ - тоже прямая, но при $\Delta U = 0$ $\Delta T = 0 \Rightarrow \Delta U$ пропорционально ΔT . Коэф. пропорц-ти находим из графика $\Delta U = 0,08 \frac{\text{В}}{\text{К}} \cdot \Delta T$

N1	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13
	1	1	0,5	0,5	1	1	0,5	0,5	2	0	1	2,5	1

135

N2	1	2	3	4	5	6	7
	1	3	1	4	2	1	1

135

